# Kapitel 3:

# Workflow-Modellierungssprachen – Einführung in High-Level Petrinetze

- 1. Überblick über Modellierungssprachen
  - 1. Ziel: Analyse
  - 2. Modellierungssprachen: Perspektiven und Anforderungen
- 2. Petrinetze und Workflow-Modellierung
  - 1. Geschichtliches
  - 2. Gründe und Bestandteile
  - 3. Interpretationen
  - 4. Formales
  - 5. High-Level Petrinetze

Vorlesung Workflow-Management-Systeme Unter Verwendung von Folien der Vorlesung WFMS von Prof. Stucky, AIFB, WS 2000/01

6. Prozessdefinition mit Petrinetzen



# 1 Ziel der Modellierung: Analyse (I)

#### Arten der Analyse

- Validierung
  - » Ist das Modell richtig bzgl. der Realität/Vorstellung?
  - » z.B. Kundenbezug, Medien- und Organisationsbrüche
- Verifikation
  - » Nachweis der Korrektheit des Geschäftsprozesses
- Struktur (z.B. Vor- und Nachbedingungen für alle Aktivitäten)
- » Verhalten (z.B. Deadlocks, nie ausgeführte Aktivitäten)
  - Leistungsbewertung
    - » Leistungsfähigkeit des Geschäftsprozesses
    - » z.B. Durchlaufzeit, Kostenrechnung, Ressourcenauslastung



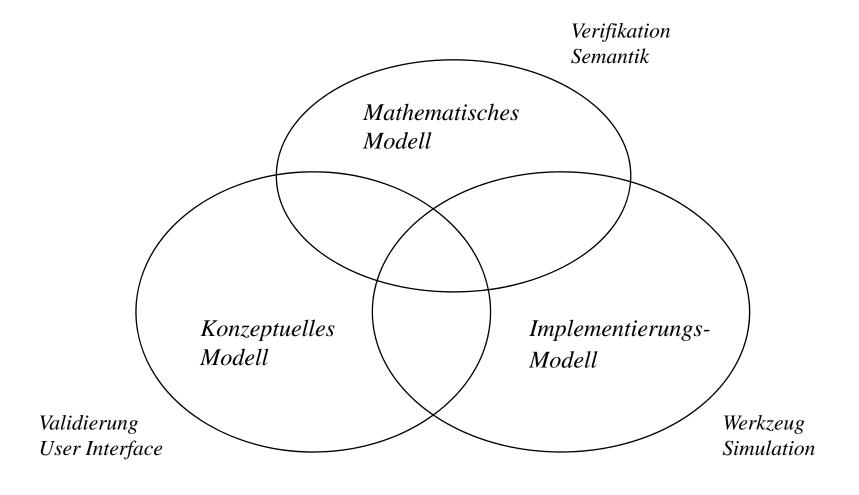
# 1 Ziel der Modellierung: Analyse (II)

#### Analyseverfahren

- "Hinschauen"
- Korrekte Verfahren
  - » automatische Verifikation: Ermittlung spezieller Eigenschaften (z.B. Invarianten, Ziele,...)
  - » semiautomatische Verifikation: Beweisverfahren (z.B. Proof Checker)
- Simulation
  - » sequentielle Abläufe/ nichtsequentielle Abläufe
  - » animierte Simulation



# 2 Modellierungssprachen: Perspektiven





# 2 Modellierungssprachen: Anforderungen



# 2 Modellierungssprachen: Anforderungen

- Formale Semantik
- Graphisch
- Leicht zu lernen
- Leicht zu benutzen
- Hohe Ausdrucksmächtigkeit
- Werkzeugunterstützung
- Unabhängigkeit von Herstellern
- Explizite Darstellung von Zuständen und Ereignissen



# 2 Modellierungssprachen: Überblick

Modellierung spezieller Aspekte wie Ablauf, Warteschlangen

- Flussdiagramme
- Datenflussdiagramme (DFD, ISAC, SADT, ...)

SADT: Structured Analysis and Design Technique

- Transitions-Systeme) Zustandsdiagramme
- Warteschlangen-Modelle, Markov-Ketten

  Ejanzung

  Ruhte

  Stellen) im System



2 Modellierungssprachen: Überblick

## Modellierung dynamischer Systeme

Prozess-Algebren (z.B. ACP, CSP, CCS, ...)

ACP: Algebra of Communicating Processes

**CSP: Communicating Sequential Processes** 

(High-level) Petrinetze

Speziell auf Workflows und Geschäftsprozesse zugeschnittene Sprachen (kommen später noch):

- Workflownets, FlowNet
- Herstellerspezifische Modellierungssprachen Ereignisgesteuerte Prozessketten (EPK) ARIS ver wer hadel
- BPMN, BPEL



# High-Level-Petrinetze

- 1. Geschichtliches
- 2. Gründe und Bestandteile
- 3. Interpretationen
- 4. Formales
- 5. High-Level Petrinetze
- 6. Prozessdefinition mit Petrinetzen



#### 1 Petrinetze: Geschichtliches

- Ursprung: Dissertationsschrift
   "Kommunikation mit Automaten" von Carl Adam Petri (1962)
- Seither: mehr als 10.000 Arbeiten auf dem Gebiet
- bis 1985: hauptsächlich von Theoretikern benutzt
- seit Mitte der 80er Jahre: vermehrter Einsatz in praktischen Anwendungen
- Gründe:
  - » Einführung der High-Level-Netze
  - » Entwurf von Werkzeugen



## 2 Petrinetze: Gründe

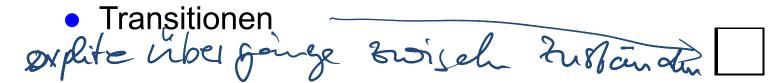
- Graphischer Formalismus
- Formale Syntax und Semantik
- Explizite Darstellung von Zuständen
- Herstellerunabhängig
- Viele Analyseverfahren und -werkzeuge



## 2 Petrinetze: Bestandteile

#### Ein Petrinetz besteht aus

• Stellen Zustaullen



 Verbindungen zwischen Stellen und Transitionen





# 3 Petrinetze: Interpretationen (I)

#### Transitionen

Aktionen, Handlungen,Transporte, Transformationen,Anweisungen, Programme, ...

#### Stellen

» Bedingungen, Medien, Materialbehälter, Datenträger, Puffer, Nachrichtenkanäle,...

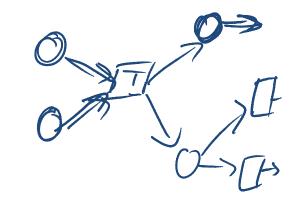
#### Verbindungen

Jutta Mülle

» Vor- und Nachbedingungen von Aktivitäten, Start und Ziel von Transporten, Eingabe und Ausgabe von Programmen,...

" dynamisch

"Statisch"



# 3 Petrinetze: Interpretationen (II)

#### Marken

» Zustände einer Bedingung, Gültigkeit von Bedingungen,

Füllungsgrad von Speichern,



Nachrichten in Puffern, ...



Jutta Mülle

- » lokale Zustände
- » Gesamtzustände





## 4 Petrinetze: Formales (I)

#### Struktur von Petrinetzen

- Ein Petrinetz ist ein Tripel N = (S,T,F) mit
  - S (Stellen), T (Transitionen) sind endliche Mengen
  - S∩T=Ø
  - S∪T≠Ø
  - $F \subseteq (S \times T) \cup (T \times S)$  ist eine binäre Relation über  $S \cup T$
- Alle Stellen und Transitionen eines Netzes heißen Netzelemente.



## 4 Petrinetze: Formales (II)

 Vorbereich eines Elementes x: Menge aller Eingangsknoten von x

$$\bullet x = \{ y \mid (y,x) \in F \}$$

 Nachbereich eines Elementes x: Menge aller Ausgangsknoten von x

$$x \bullet = \{ \underline{y} \mid (x,\underline{y}) \in \mathbf{F} \}$$





## 4 Petrinetze: Formales (III)

## Verzweigungen

Ein Knoten heißt

- Vorwärtsverzweigt, falls



Vorwärtsverzweigte Stellen modellieren Alternativen, Konflikte.

Rückwärtsverzweigte Transitionen modellieren Synchronisation.



## 4 Petrinetze: Formales (IV)

#### **Teil-Netz**

Ein Netz N' = (S', T', F') heißt **Teilnetz** eines Netzes N = (S, T, F) wenn gilt:

- i.  $S' \subseteq S$
- ii. T'⊆ T
- iii.  $F' = F \cap ((S' \times T') \cup (T' \times S'))$

## 4 Petrinetze: Formales (V)

#### Rand

Der Rand eines Teil-Netzes N' = (S', T', F') (bzgl. eines Netzes N) sind diejenigen seiner Knoten, die über Kanten mit dem Restnetz verbunden. Er ist also definiert durch:

$$\{x \in S' \cup T' \mid x \bullet \cup \bullet x\} \setminus (S' \cup T') \neq \emptyset \}$$

(Vor- und Nachbereiche von x sind hierbei bzgl. N zu verstehen).

Ein Teilnetz N' heißt stellenberandet, wenn sein Rand nur Stellen enthält.

Ein Teilnetz N' heißt transitionsberandet, wenn sein berandt

Rand nur Transitionen enthält.



## 4 Petrinetze: Formales (VI)

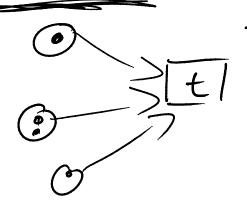
## **Markierung**

Eine Markierung m eines Netzes N= (S, T, F) ist eine Abbildung

 $m: S \rightarrow N$ 

Eine Markierung m aktiviert eine Transition t ∈ T, wenn

m(s) > 0 für alle<u>s</u> ∈ ●t



tist aktiviest

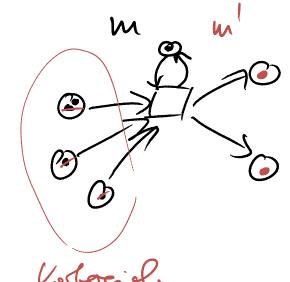
O aletioned

4 Petrinetze: Formales (VII)

ausgeführt Schaller Cell
Falls t unter m aktiviert ist, kann t schalten.

Dies führt zu einer *Folgemarkierung* m', definiert durch

$$m'(s) = \begin{cases} m(s) & \text{, falls } s \not\in \text{•t und } s \not\in \text{t•} \\ m(s)-1 & \text{, falls } s \in \text{•t und } s \not\in \text{t•} \\ m(s)+1 & \text{, falls } s \not\in \text{•t und } s \in \text{t•} \\ m(s) & \text{, falls } s \in \text{•t und } s \in \text{t•} \end{cases}$$



Schreibweise:  $m \xrightarrow{t} m'$ .

Ein Netz N mit Markierung m wird als

Stellen/Transitions-Netz bezeichnet und durch das Paar (N,m)

angegeben: S/T-Netz (N,m)



## 4 Petrinetze: Formales (VIII)

#### **Schaltfolge**

Sei m eine Markierung eines S/T-Netzes N. Falls  $\underline{m} \xrightarrow{t_1} m_1$ ,  $m_1 \xrightarrow{t_2} m_2$ , ...., $m_{n-1} \xrightarrow{t_n} \underline{m}_n$  Schaltvorgänge sind, ist  $\tau = t_1 t_2 ...t_n$  eine **Schaltfolge** von m nach  $m_n$ :  $(m \xrightarrow{\tau} m_n)$ 

Dies gilt auch für die leere Sequenz  $\varepsilon$ : m  $\stackrel{\varepsilon}{\to}$  m für jede Markierung m.



## 4 Petrinetze: Formales (IX)

Wir schreiben m  $\stackrel{*}{\to}$  m' und nennen m' von m *erreichbar*, wenn m  $\stackrel{\tau}{\to}$  m' für irgendeine Schaltfolge  $\tau$  gilt.

[m> bezeichnet die Menge aller von m *erreichbaren Markierungen*.

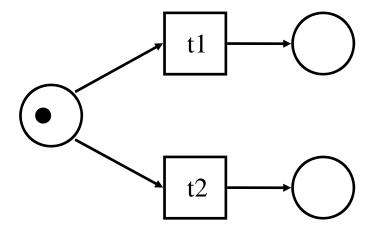
Das Verhalten eines markierten S/T-Netzes wird beschrieben durch die Menge seiner Schaltfolgen. Eine kompaktere Repräsentation liefert der Markierungsgraph.



## 4 Petrinetze: Formales (X)

#### Konflikt

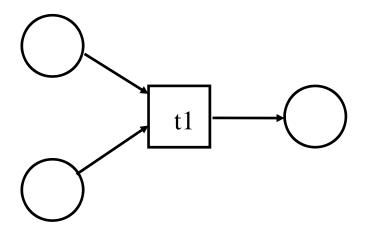
» Zwei Transitionen benötigen die gleiche Marke(n)





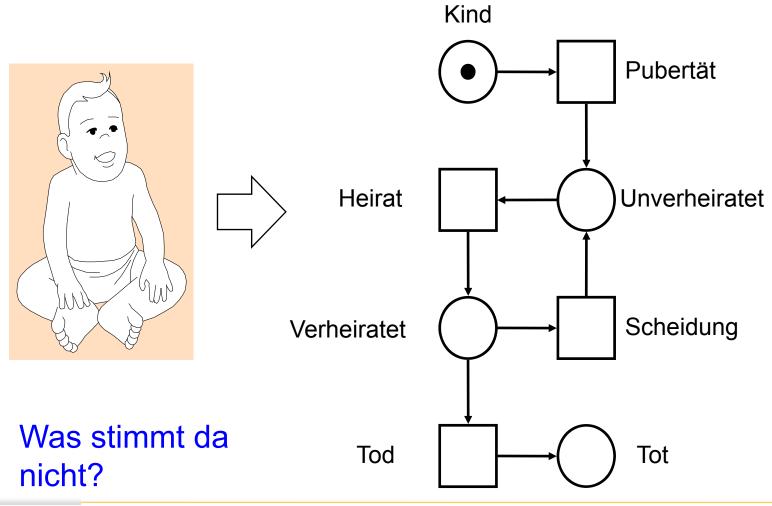
# 4 Petrinetze: Formales (XI)

## Synchronisation





## 4 Beispiel: Lebenszyklus





# 5 High-Level-Petrinetze (I)

Beim praktischen Einsatz von "klassischen" Petrinetzen treten oft Probleme auf:

- Die Modelle werden zu groß und komplex.
- Die Modellierung ist langwierig und kompliziert.
- Zeit, Kosten und Daten können nicht modelliert werden.



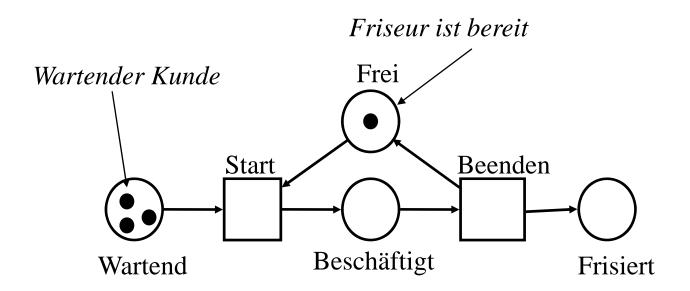
# 5 High-Level-Petrinetze (II)

# High-Level Petrinetze sind Petrinetze mit den folgenden Erweiterungen:

- Unterscheidbare Marken
  - » zur Modellierung von Attributen
  - » auch: gefärbte Marken, colored tokens
- Zeit
  - » zur Performance-Analyse
  - » verschiedene Zeitkonzepte
- Hierarchie
  - » zur Strukturierung der Modelle
  - » Modellierung auf verschiedenen Abstraktionsebenen



## 5 High-Level-Petrinetze – "Beim Friseur" (I)



#### **Anmerkung:**

Jutta Mülle

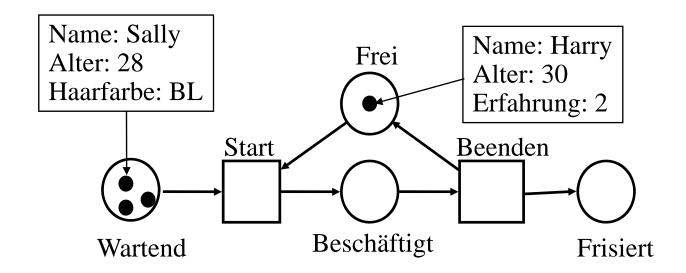
man beachte die problemlose Modellierung einer Situation mit mehreren Friseuren



# 5 High-Level-Petrinetze – "Beim Friseur" (II)

#### Eine unterscheidbare Marke

- » stellt ein Objekt mit einer Menge von Attributen dar.
- » beinhaltet Werte für alle Attribute.

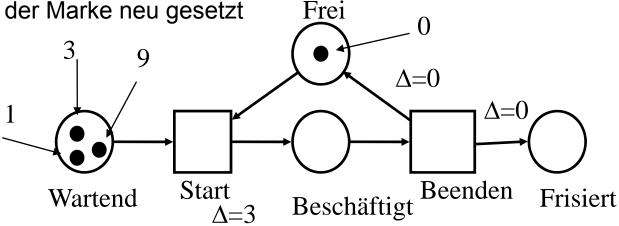




# 5 High-Level-Petrinetze (III)

#### Die Erweiterung mit Zeit:

- » für Performance-Analysen werden Zeitdauern, Verzögerungen etc. benötigt
- » Jede Marke bekommt einen Zeitstempel
- » Durch Transitionen wird das Alter (und damit die Verfügbarkeit) der Marke neu gesetzt
  Frei



» vier verschiedene Zeitkonzepte(hier: Bestimmung der Verzögerung jedes Tokens)



Jutta Mülle

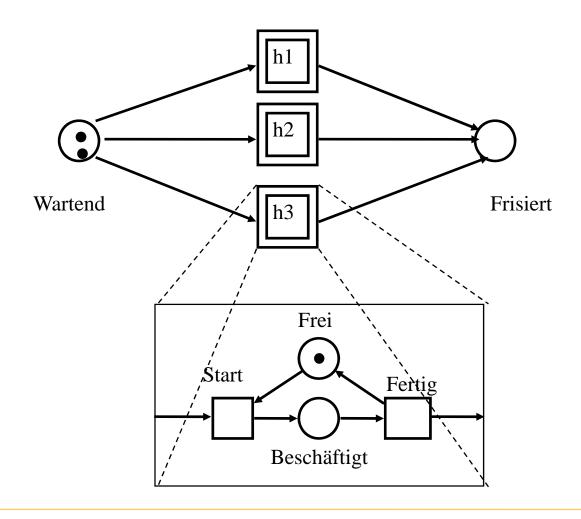
# 5 High-Level-Petrinetze (IV)

## Die Erweiterung um Hierarchie-Konzepte

- » Ein Mechanismus zur Strukturierung komplexer Modelle ermöglicht das Modellieren und die Darstellung auf verschiedenen Abstraktionsstufen
- » Ein Netzelement wird durch ein entsprechend berandetes Teilnetz (auch: Subnetz) ersetzt.



# 5 High-Level-Petrinetze – "Beim Friseur" (III)





Jutta Mülle

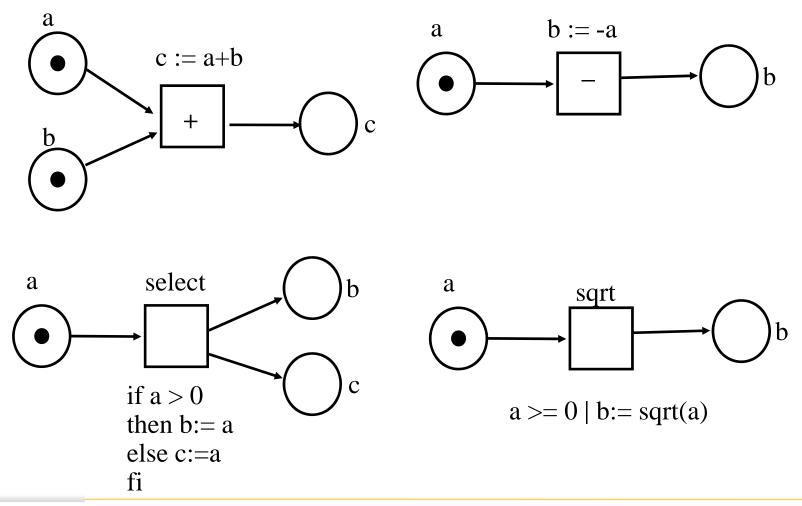
# 5 High-Level-Petrinetze (V)

## Für jede **Transition** wird spezifiziert:

- die Anzahl der produzierten Marken
- die Werte der entsprechenden Attribute
- die Anzahl der konsumierten Marken
- (optional) eine Schaltbedingung (auch: guard)



## 5 High-Level-Petrinetze - Beispiele



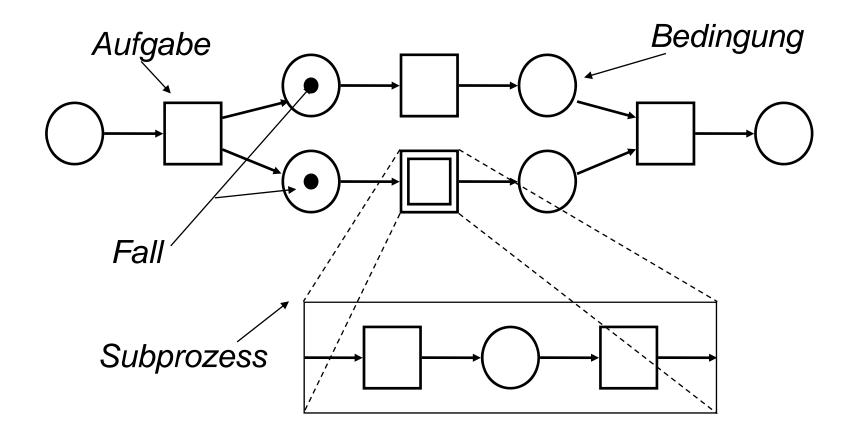
Jutta Mülle

## 6 Terminologie bei Petri-Netzen für WFs

- A Case is the 'thing' which needs to be processed by following the process definition.
- Eine *Prozess-Definition* legt die Aufgaben und ihre Reihenfolge fest.
- Bedingungen legen die Reihenfolge der Aufgaben fest, sie können wahr oder falsch sein.
- Eine Aufgabe hat Vor- und Nachbedingungen.



#### 6 Prozessdefinition mit Petri-Netzen



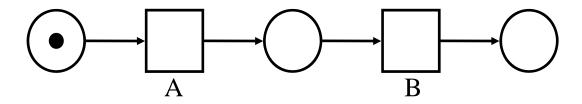


## 6 Routing von Fällen

A, B, C, D - Aufgaben • sequentiell AND-split AND-join parallel **OR-split** (exclusive wahlweise OR) iterativ



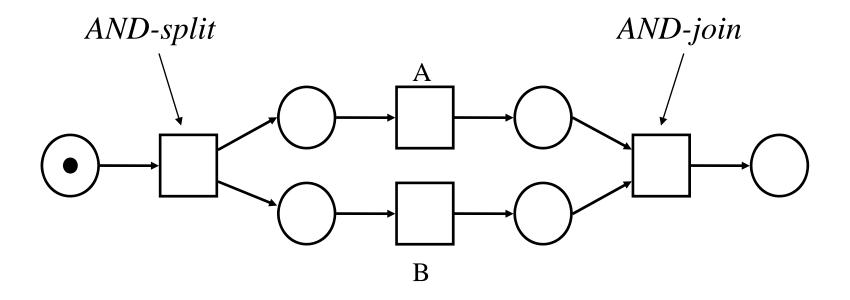
## 6 Sequentielles Routing



"Erst A, dann B"



## 6 Paralleles Routing

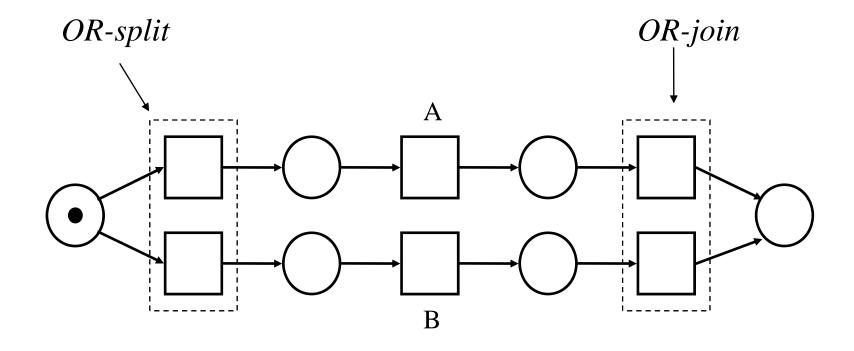


## "A und B nebenläufig"



Jutta Mülle

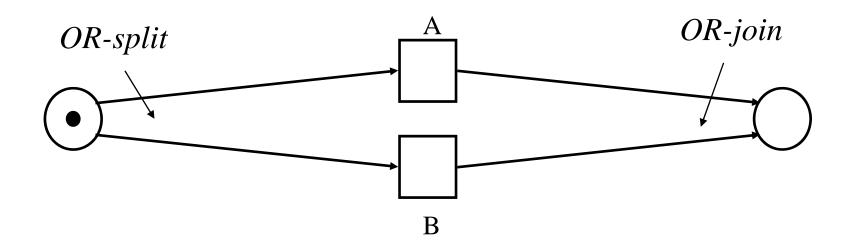
## 6 Auswahl (I)



"A oder B" (exklusiv)



## 6 Auswahl (II)



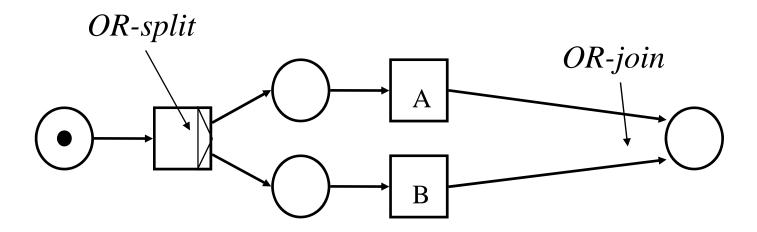
Implizite Auswahl: hängt von A und B ab

(d.h. die genaue Verzweigung steckt implizit in den Transitionen)



## 6 Auswahl (III)

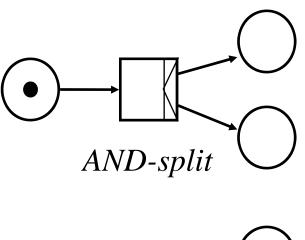
Ein Modellierungsprimitiv zur Modellierung expliziter Auswahl:

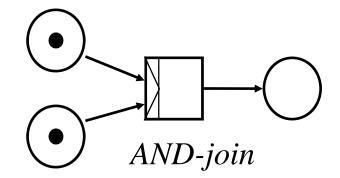


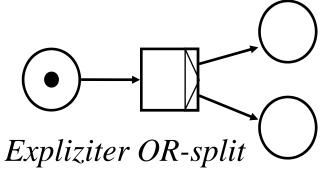
Explizite Auswahl: hängt nicht von A und B ab

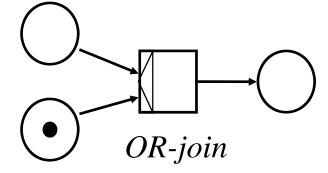


# 6 Überblick über die Routing-Erweiterungen

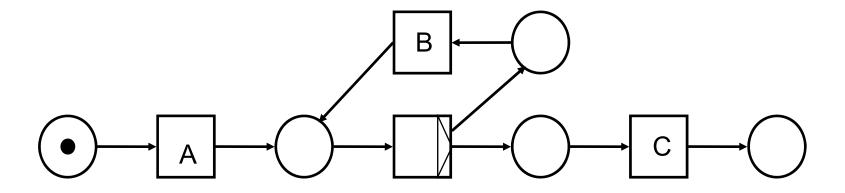








#### 6 Iteration



Jutta Mülle

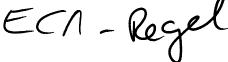
## 6 Trigger

- Ein Workflowsystem ist ein reaktives System und als solches von der Umwelt abhängig:
  - » Die Ankunft einer EDI-Nachricht.
  - » Der Arbeitsbeginn einer Ressource.
  - » Die Ankunft einer Akte.
  - » Ein Anruf zur Auftragsbestätigung.
- Einige Aufgaben erfordern Trigger.



# 6 Trigger - Arten von Aufgaben L'Event + (oudition -> Action tomatisch ECN - Regel











» Kein Trigger erforderlich.



Extern

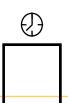




Zeit

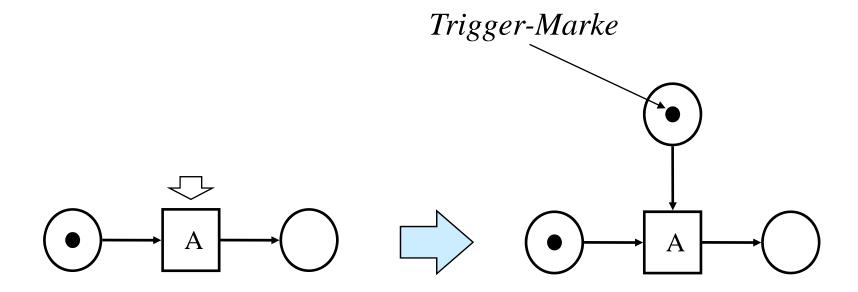
Jutta Mülle

» Zeitdauern oder Zeitpunkte werden berücksichtigt.



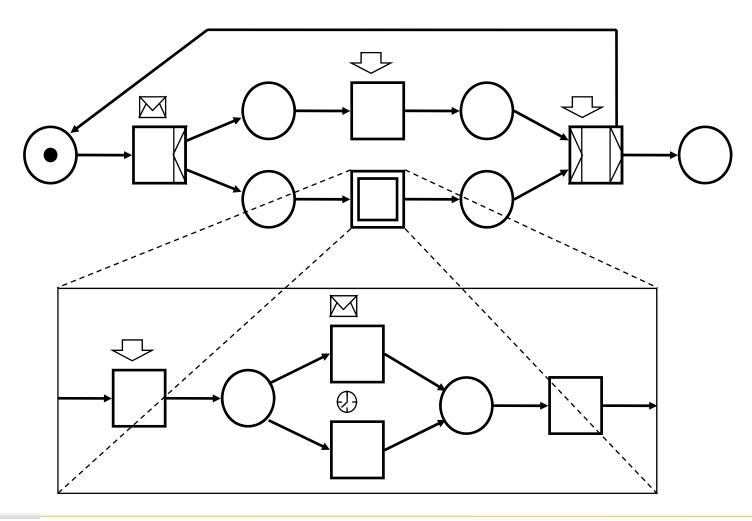


# 6 Trigger – Darstellung als Stelle





#### 6 Prozessdefinition - Alle Konstrukte





## Exemplarische Fragen

- Was sind Vorteile von Petri-Netzen für die Ablaufmodellierung?
- Wozu werden Petri-Netze im Workflow-Bereich eingesetzt?
- Welche Analyseformen gibt es? Wo sind Petri-Netze nutzbar?
- Wie ist ein Petri-Netz aufgebaut?
- Welche Erweiterungen sind in High-Level-Petri-Netzen enthalten und wozu dienen diese?
- Was ist der Rand eines (Teil-)Petri-Netzes?
- Wie nutzt man Petri-Netze zur Prozessdefinition?
- Welche Routing-Konstrukte werden angeboten? Was sind die Vorteile, wenn solche Konstrukte genutzt werden?

